

Roll No. _____ امیدوار خود پُر کرے

(For all sessions)

Mathematics (Science Group) (Essay Type) Group-II گروپ-II

ریاضی (سائنس گروپ) (انشائیہ)

Marks: 60

Time: 2:10 Hours وقت: 2:10 گھنٹے

نمبر: 60

Section -I

2x18=36

حصہ اول

2. Write short answers of any six parts from the following.

2x6=12

2. درج ذیل میں سے کوئی سے چھ اجزاء کے مختصر جوابات تحریر کریں۔

i. Solve the quadratic equation.

$$3x^2 - 7x - 20 = 0$$

i. دو درجی مساوات کو حل کریں۔

ii. Define exponential equation.

ii. قوت نمائی مساوات کی تعریف کیجئے۔

iii. Evaluate:

$$w^{-13} + w^{-17}$$

iii. قیمت معلوم کیجئے۔

iv. If α, β are the roots of the equation $4x^2 - 5x + 6 = 0$, theniv. اگر α, β مساوات $4x^2 - 5x + 6 = 0$ کے روٹسfind the value of $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$.ہوں تو $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ کی قیمت معلوم کریں۔

v. Write the quadratic equation having roots 2, -6.

v. دو درجی مساوات لکھیے جس کے روٹس 2، -6 ہوں۔

vi. Use synthetic division to find the quotient and remainder when:

vi. ترکیبی تقسیم استعمال کرتے ہوئے حاصل قسمت اور

$$(4x^3 - 5x + 15) \div (x + 3)$$

باقی معلوم کریں جب۔

vii. Define inverse variation.

vii. تناسب معکوس کی تعریف کریں۔

viii. Find a third proportional of $x + y$ and $x^2 - y^2$.viii. $x + y$ اور $x^2 - y^2$ کا تیسرا تناسب معلوم کیجئے۔ix. If $y \propto x^3$ and $y = 81$ when $x = 3$, find y when $x = 5$.ix. اگر $y \propto x^3$ اور $y = 81$ جب $x = 3$ ، y کی قیمت معلوم کیجئے جب $x = 5$.

3. Write short answers of any six parts from the following.

2x6=12

3. درج ذیل میں سے کوئی سے چھ اجزاء کے مختصر جوابات تحریر کریں۔

i. Resolve into proper fraction.

$$\frac{6x^3 + 5x^2 - 7}{3x^2 - 2x - 1}$$

i. کسر کو واجب کسر میں تبدیل کریں۔

ii. Resolve into partial fractions $\frac{1}{x^2 - 1}$.ii. کسر $\frac{1}{x^2 - 1}$ کو جزوی کسور میں تحلیل کیجئے۔

iii. Define one-one function.

iii. one-one فنکشن کی تعریف کریں۔

iv. If $M = \{d, e, f, g\}$, then find two binary relation in $M \times M$ iv. اگر $M = \{d, e, f, g\}$ ہو تو $M \times M$ دو ثنائی روابط لکھیں۔

v. Find "a" and "b" if:

$$(2a + 5, 3) = (7, b - 4)$$

v. a اور b کی قیمتیں معلوم کریں اگر:

vi. Write Dom f and Rang f if:

$$f = \{(0, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 4)\}$$

vi. f اور f Range معلوم کیجئے اگر:

vii. Define Mode.

vii. عادہ کی تعریف کریں۔

viii. Find the geometric mean of the observations by using basic formula 2, 4, 8

viii. بنیادی فارمولہ استعمال کرتے ہوئے مشاہدات کا اقلیدی اوسط معلوم کیجئے۔

ix. Find mean (Arithmetic mean) of the observations.

34, 34, 34, 34, 34, 34

ix. مديات کا حسابی اوسط معلوم کریں۔

4- Write short answers of any six parts from the following.

2x6=12

4- درج ذیل میں سے کوئی سے چھ اجزاء کے مختصر جوابات تحریر کریں۔

i. Define an angle.

i. زاویہ کی تعریف کیجئے۔

ii. Convert $25^\circ 30'$ to decimal degrees.ii. $25^\circ 30'$ کو ڈیسیمل ڈگری میں تبدیل کیجئے۔

iii. Find the distance travelled by a cyclist moving on a circle of radius 15m, if he makes 3.5 revolutions.

iii. ایک سائیکل سوار ایک دائرے کے گرد جس کا رداس 15 میٹر ہو، 3.5 چکر لگاتا ہے۔ بتائیے اس نے کتنا سفر طے کیا؟

iv. Define projection of a point.

iv. کسی نقطہ کے ظل یا سایہ کی تعریف کیجئے۔

v. Define a circle.

v. دائرہ کی تعریف کیجئے۔

vi. Define secant of a circle

vi. دائرہ کے قاطع خط کی تعریف لکھیں۔

vii. Define arc of a circle

vii. دائرہ کے قوس کی تعریف کیجئے۔

viii. Define chord of a circle.

viii. دائرہ کے وتر کی تعریف لکھیں۔

ix. Define Polygon.

ix. کثیر الاضلاع کی تعریف کیجئے۔

Section -II

حصہ دوم

Note: Attempt three questions in all while Q.No.9 is compulsory: $8 \times 3 = 24$ ہے۔

5. (a) Solve the given equation by using quadratic formula. $\frac{2x+1}{x+2} - \frac{x-2}{x+4} = 0$ دی گئی مساوات کو دو درجی فارمولہ کے استعمال سے حل کیجئے۔ (الف)

(b) Prove that: $x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = (x+y+z)(x+wy+w^2z)(x+w^2y+wz)$ ثابت کیجئے۔ (ب)

6. (a) Using componendo-dividendo theorem, solve:

6. (الف) مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے حل کیجئے۔

$$\frac{\sqrt{x^2+2} + \sqrt{x^2-2}}{\sqrt{x^2+2} - \sqrt{x^2-2}} = 2$$

(b) Resolve into partial fractions:

$$\frac{7x+4}{(3x+2)(x+1)^2}$$

(ب) جزوی کسور میں تحلیل کیجئے۔

7. (a) Prove that: $(A \cap B)' = A' \cup B'$, if:

7. (الف) ثابت کیجئے کہ $(A \cap B)' = A' \cup B'$ اگر:

$$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}, A = \{1, 3, 5, 7, 9\}, B = \{2, 3, 5, 7\}$$

(b) The marks of six students in mathematics are as follows.

(ب) چھ طالب علموں کے ریاضی میں حاصل کردہ نمبرز درج ذیل ہیں۔

Determine variance

تغیریت معلوم کریں۔

No of Students	طلباء کی تعداد	1	2	3	4	5	6
Marks	نمبرز	60	70	30	90	80	42

8. (a) Verify the identity:

$$\sqrt{\frac{1+\cos\theta}{1-\cos\theta}} = \frac{\sin\theta}{1-\cos\theta}$$

8. (الف) مماثلت ثابت کیجئے۔

(b) Draw two circles with Radii 2.5 cm and 3 cm. If their centres are 6.5 cm apart, then draw two direct common tangents.

(ب) دو دائرے کھینچیں جن کے رداس 2.5 سم اور 3 سم ہیں اگر ان کے مراکز کا درمیانی فاصلہ 6.5 سم ہو تو دو راست مشترک مماس کھینچیں۔

9. Prove that "a straight line drawn from the centre of a circle to bisect the chord (which is not a diameter) is perpendicular to the chord."

9. ثابت کیجئے کہ "دائرے کے مرکز سے کسی وتر (جو قطر نہ ہو) کی

تصنیف کرنے والا قطعہ خط، وتر پر عمود ہوتا ہے"

OR

یا

Prove that any two angles in the same segment of a circle are equal.

ثابت کیجئے کہ کز اوے جو ایک ہی قطعہ دائرہ میں واقع ہوں، باہم برابر ہوتے ہیں۔